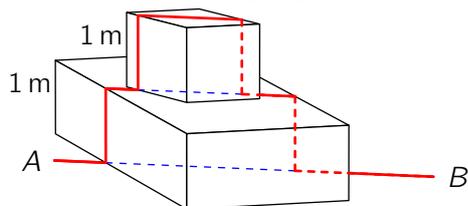


Problema me 3 pikë

1. Sa është shuma e dy shifrave të fundit të prodhimit $1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1$?

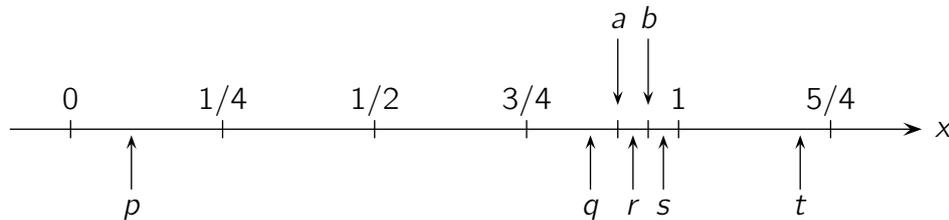
- (A) 2 (B) 4 (C) 6 (D) 8 (E) 16

2. Një milingonë çdo ditë përshkon, sipas një vije të drejtë, rrugën nga A në B , e cila është 5 m e gjatë. Një ditë njerëzit vendosën mbi rrugën e saj dy pengesa të çuditshme 1 m të lartë secila. Milingona ecën përgjatë së njëjtës vije të drejtë, veçse tani duhet të ngjitet lart dhe të zbresë poshtë vertikalisht mbi të dy pengesat, si në figurë. Sa e gjatë është tani rruga që ajo përshkon?



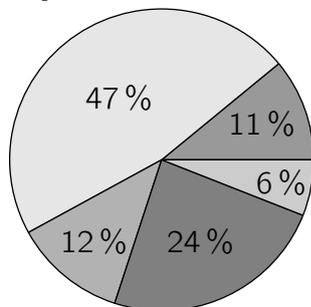
- (A) 7 m (B) 9 m (C) $5 + 4\sqrt{2}$ m (D) $9 - 2\sqrt{2}$ m
 (E) gjatësia varet nga këndet që formojnë pengesat me rrugën

3. Renisi shënoi në boshtin numerik dy pika a dhe b aq saktë sa kishte mundësi. Cila nga pikat p, q, r, s, t mbi drejtëzën numerike paraqet më mirë prodhimin e tyre ab ?



- (A) p (B) q (C) r (D) s (E) t

4. Grafiku rrethor tregon mënyrën me të cilën vijnë në shkollë nxënësit e shkollës sime. Afërsisht dyfishi i atyre që vijnë me transport publik përdorin biçikletën dhe afërsisht i njëjti numër vjen në këmbë ose me makinë. Pjesa tjetër përdor motorçikleta. Cila është përqindja e atyre që vijnë me motorçikletë?



- (A) 6 % (B) 11 % (C) 12 % (D) 24 % (E) 47 %

5. Shuma e pesë numrave treshifrorë është 2664, siç tregohet në tabelë. Sa është vlera e $A + B + C + D + E$?

A B C
+ B C D
+ C D E
+ D E A
+ E A B
2 6 6 4

- (A) 4 (B) 14 (C) 24 (D) 34 (E) 44

6. Sa është vlera e $\frac{1010^2 + 2020^2 + 3030^2}{2020}$?

- (A) 2020 (B) 3030 (C) 4040 (D) 6060 (E) 7070

7. Jepen tre numra natyrorë a , b dhe c të tillë që $1 \leq a \leq b \leq c$ dhe $abc = 1\,000\,000$. Sa është vlera më e madhe e mundshme e b ?

- (A) 100 (B) 250 (C) 500 (D) 1000 (E) 2000

8. Nëse D qen peshojnë K kilogramë dhe E elefantë peshojnë sa M qen, sa kilogram peshon një elefant?

- (A) $DKEM$ (B) $\frac{DK}{EM}$ (C) $\frac{KE}{DM}$ (D) $\frac{KM}{DE}$
 (E) $\frac{DM}{KE}$

9. Kemi dy zare. Secili prej tyre ka dy faqe të kuqe, dy faqe blu dhe dy faqe të bardha. Nëse të dy zaret i hedhim njëherësh, sa është probabiliteti që ato të dy të tregojnë të njëjtën ngjyrë?

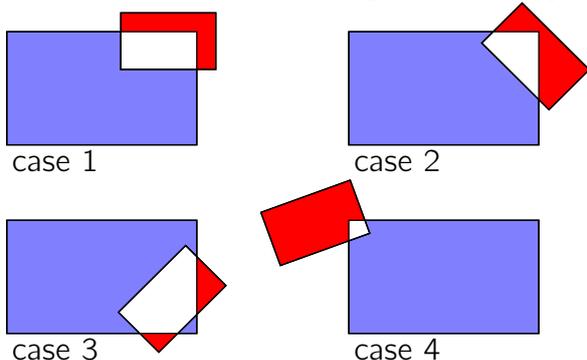
- (A) $\frac{1}{12}$ (B) $\frac{1}{9}$ (C) $\frac{1}{6}$ (D) $\frac{2}{9}$ (E) $\frac{1}{3}$

10. Cili nga numrat e mëposhtëm nuk plotpjesëtohet me 3 për çdo numër të plotë n ?

- (A) $5n + 1$ (B) n^2 (C) $n(n + 1)$ (D) $6n - 1$ (E) $n^3 - 2$

Problema me 4 pikë

11. Dy drejtkëndësha, njëri blu dhe tjetri i kuq, janë të mbivendosur. Figura e mëposhtme jep 4 raste të tilla të ndryshme. Shënojmë me B syprinën e pjesës së drejtkëndëshit blu që nuk është e përbashkët me drejtkëndëshin e kuq dhe me K syprinën e zonës së drejtkëndëshit të kuq që nuk është e përbashkët me atë blu. Cila nga fjalitë e mëposhtme është e vërtetë për madhësinë $B - K$?



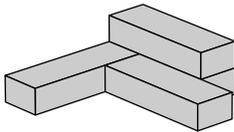
- (A) Në rastin 1 madhësia $B-K$ është më e madhe se në rastet e tjera

- (B) Në rastin 2 madhësia B-K është më e madhe se në rastet e tjera
- (C) Në rastin 3 madhësia B-K është më e madhe se në rastet e tjera
- (D) Madhësia B-K është më e madhe se në rastet e tjera
- (E) Madhësia B-K është e njëjtë në të gjitha rastet

12. Mbi tavolinë ndodhen pesë monedha me “kokë” lart. Çdo herë duhet të përmbysni saktësisht tri monedha. Sa është numri më i vogël i mundshëm i përmbysjeve që të gjitha monedhat të jenë me “kokë” poshtë?

- (A) 2
- (B) 3
- (C) 4
- (D) 5
- (E) Nuk është e mundur që të gjitha monedhat të jenë me “kokë” poshtë.

13. Katër kuti të njëjta janë bashkuar për të formuar objektin e treguar në figurën e mëposhtme. Për të ngjyrosur nga jashtë një kuti të tillë duhet 1 litër bojë. Sa litra bojë nevojiten për të ngjyrosur nga jashtë këtë objekt?

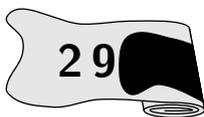


- (A) 2.5
- (B) 3
- (C) 3.25
- (D) 3.5
- (E) 4

14. Jepen tre numra të plotë a , b dhe c . Cili nga numrat e mëposhtëm me siguri NUK është vlerë e shprehjes $(a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2$?

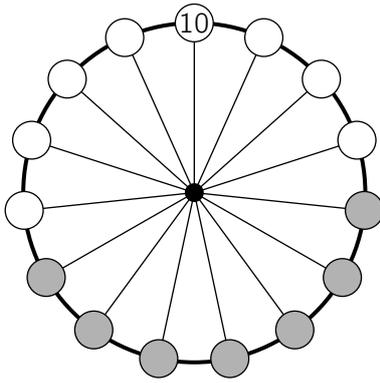
- (A) 0
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 6
- (E) 8

15. Dy shifrat e para të një numri të plotë 100-shifrorë janë 2 dhe 9. Sa shifra do të ketë katrori i këtij numri?



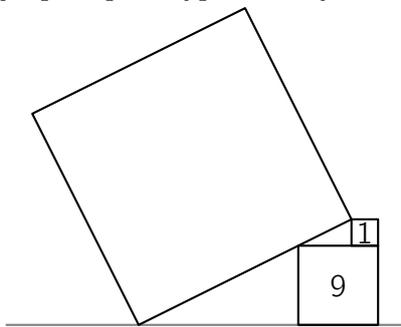
- (A) 101
- (B) 199
- (C) 200
- (D) 201
- (E) Nuk mund të përcaktohet

16. Matiasi ka vendosur 15 numra në një rrotë. Nga këta duket vetëm numri 10, që ndodhet në krye. Shuma e numrave në çdo 7 pozicione të njëpasnjëshme në rrotë, si ato që paraqiten me ngjyrë gri, është gjithmonë e njëjtë. Kur mblidhen të 15 numrat, sa nga numrat 75, 216, 365 dhe 2020 shërbejnë saktësisht si shumë e mundshme?



- (A) zero (B) një (C) dy (D) tre (E) katër

17. Një katror i madh prek dy katrorë të tjerë, siç tregohet në diagram. Numrat në katrorët e vegjël paraqesin syprinat e tyre. Sa është syprina e katrorit të madh?

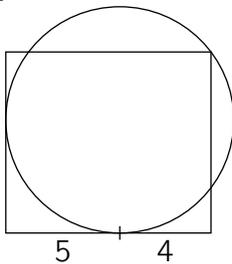


- (A) 49 (B) 80 (C) 81 (D) 82 (E) 100

18. Vargu f_n jepet nga $f_1 = 1$, $f_2 = 3$ dhe $f_{n+2} = f_n + f_{n+1}$ për $n \geq 1$. Sa nga 2020 elementet e para të vargut janë çift?

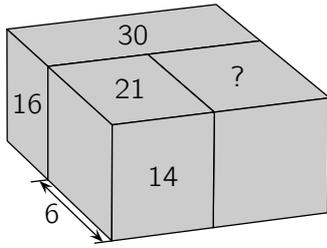
- (A) 673 (B) 674 (C) 1010 (D) 1011 (E) 1347

19. Një rreth dhe një drejtkëndësh janë vizatuar në mënyrë të tillë që rrethi prek dy brinjët e drejtkëndëshit dhe kalon nëpër një prej kulmeve të tij. Largesat e dy kulmeve të drejtkëndëshit nga një prej pikave ku rrethi prek drejtkëndëshin janë 5 dhe 4, siç tregohet në figurë. Sa është syprina e drejtkëndëshit?



- (A) 27π (B) 25π (C) 72 (D) 63
 (E) asnjë nga këto

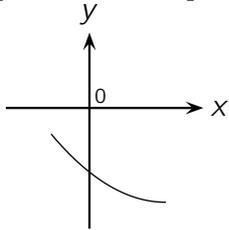
20. Tre kuboidë janë vendosur për të formuar një kuboid më të madh, si në figurë. Gjatësia e njërit prej tyre është 6 dhe syprinat e disa prej faqeve të tyre janë 14, 21, 16, 30, si tregohet. Sa është syprina e faqes me shenjën e pikëpyetjes?



- (A) 18 (B) 24 (C) 28 (D) 30
 (E) nuk mund të përcaktohet

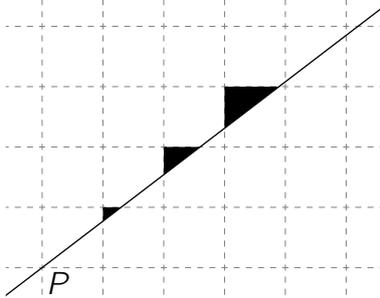
Problema me 5 pikë

21. Figura paraqet një pjesë të parabolës me ekuacion $y = ax^2 + bx + c$. Cili nga numrat e mëposhtëm është pozitiv?



- (A) c (B) $b + c$ (C) ac (D) bc (E) ab

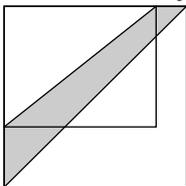
22. Mbi një letër me rrjetë katrore, një kangur i vogël vizaton një drejtëz që kalon nga skaji i poshtëm i majtë P i rrjetës dhe ngjyros tre trekëndësha, si në figurë.



Cili mund të jetë raporti i syprinave të trekëndëshave?

- (A) 1 : 2 : 3 (B) 1 : 2 : 4 (C) 1 : 3 : 9 (D) 1 : 4 : 8
 (E) Asnjë nga këto nuk është i saktë

23. Gjatësia e njërës prej brinjëve të një kopshti drejtkëndor u rrit me 20% dhe gjatësia e brinjës tjetër u rrit me 50%. Kopshti i ri është katror, siç tregohet në figurë. Syprina e zonës së ngjyrosur ndërmjet diagonales së kopshtit të ri (katror) dhe diagonal së kopshtit fillestar (drejtkëndor) është 30 m^2 . Sa është syprina kopshtit fillestar (drejtkëndor)?



- (A) 60 m^2 (B) 65 m^2 (C) 70 m^2 (D) 75 m^2 (E) 80 m^2

24. Një numër i madh natyror N plotpjesëtohet nga të gjithë numrat e natyrorë 2 deri 11 përveçdy numrave. Cili nga dyshet e mëposhtme të numrave mund të jetë ajo e përjashtuara?

- (A) 2 dhe 3 (B) 4 dhe 5 (C) 6 dhe 7 (D) 7 dhe 8 (E) 10 dhe 11

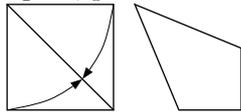
25. Dyqani i akulloreve në mëngjes ofron akullore me 16 shije. Ana dëshiron të zgjedhë akullore me 2 shije. Në mbrëmje disa shije janë shitur dhe Bukuria dëshiron të zgjedhë një akullore me 3 shije nga ato që kanë mbetur. Si Ana dhe Bukuria mund të zgjedhin nga i njëjti numër i kombinimeve të mundshme. Sa aroma ishin shitur?

- (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5 (E) 6

26. Toni ka në një kuti 71 rruaza. Atij i lejohet të nxjerrë jashtë kutisë saktësisht 30 rruaza ose të kthejë saktësisht 18 rruaza në të. Tonit i lejohet të zbatojë çdo veprim sa herë që dëshiron. Sa është numri më i vogël i rruazave që mund të jenë në kuti?

- (A) 1 (B) 3 (C) 5 (D) 7 (E) 11

27. Ulpiana morri një copë katrore letre dhe palosi dy nga anët e saj në diagonalen, siç tregohet në figurë, për të formuar një katërkëndësh. Sa është syprina e këtij katërkëndëshi?

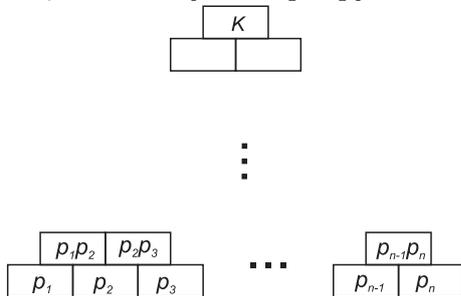


- (A) $2 - \sqrt{2}$ (B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (C) $\sqrt{2} - 1$ (D) $\frac{7}{10}$ (E) $\frac{3}{5}$

28. Një ajzberg ka formën e një kubi. Saktësisht 90% e vëllimit të tij ndodhet poshtë sipërfaqes së ujit. Tre brinjë të kubit duken pjesërisht mbi ujë. Pjesët e dukshme të këtyre brinjëve janë 24m, 25m dhe 27m. Sa e gjatë është një brinjë e kubit?

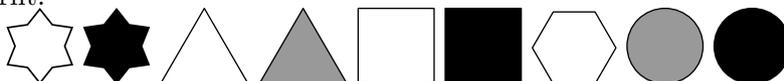
- (A) 30 m (B) 33 m (C) 34 m (D) 35 m (E) 39 m

29. Në rreshtin e fundit të tabelës së mëposhtme janë shkruar n numra të ndryshëm të thjeshtë p_1 deri p_n . Pordhimi i dy numrave fqinj (të njëpasnjëshëm) në të njëjtin rresht shkruhet në kutinë direkt sipër tyre. Në rreshtin në krye të tabelës është shkruar numri $K = p_1^{\alpha_1} p_2^{\alpha_2} \dots p_n^{\alpha_n}$. Në tabelë $\alpha_2 = 8$, sa numra janë të plotpjesëtueshëm nga numri p_4 ?



- (A) 4 (B) 16 (C) 24 (D) 28 (E) 36

30. Adam dhe Britt përpiqen të gjejnë se cila nga figurat e mëposhtme është e parapëlqyera e Karlit.



Adami e di që Karli i ka thënë Britit formën e saj. Briti di që Karli i ka thënë Adamit ngjyrën e saj. Pastaj ndodh bashkëbisedimi i mëposhtëm. Adami: “Unë nuk e di figurën e parapëlqyer të Karlit dhe di që edhe Briti nuk e di”. Briti: ”Në fillim nuk e dija figurën e parapëlqyer të Karlit, por tani e di.” Adami: ”Tani e di edhe unë”. Cila është figura e parapëlqyer e Karlit?

